

**Синус** обязан своему появлению на свет великому индийскому математику-астроному Ариабхату. Он оказал большое влияние на возникновение тригонометрии дав точное определение синусу, косинусу и арксинусу. В своих работах ученый назвал синус ардха-джа (ардха – половина, джа – тетива лука, которую напоминает хорда). Люди называли его просто джа.

Ариабхата был первым, кто разработал детализированные таблицы синуса и синус-верзуса ( $1 - \cos x$ ) с интервалом  $3.75^\circ$  от  $0^\circ$  до  $90^\circ$  и до 4-х знаков после запятой. Он использовал алфавитный код для определения интервала. При использовании таблицы Ариабхаты, было доказано правильное значение  $\sin 30$ . Астрономические вычисления Ариабхаты подверглись некому влиянию арабов, которые обращались к его тригонометрическим таблицам для составления многих астрономических таблиц.

Сам термин, давший название этому разделу математики, впервые был обнаружен в заголовке книги под авторством немецкого ученого-математика Питискуса в 1505 году. Слово «тригонометрия» имеет греческое происхождение и означает «измеряю треугольник». Если быть точнее, то речь идет не о буквальном измерении этой фигуры, а об её решении, то есть определении значений её неизвестных элементов с помощью известных.

Тангенсы возникли в связи с решением задачи об определении длины тени. Тангенс (а также котангенс) введен в X веке арабским математиком Абу-ль-Вафой, который составил и первые таблицы для нахождения тангенсов и котангенсов. Однако эти открытия долгое время оставались неизвестными европейским ученым, и тангенсы были заново открыты лишь в XIV веке немецким математиком, астрономом Регимонтаном (1467 г.) . Он доказал теорему тангенсов. Региомонтан составил также подробные тригонометрические таблицы; благодаря его трудам плоская и сферическая тригонометрия стала самостоятельной дисциплиной и в Европе.

Название «тангенс», происходящее от латинского *tanger* (касаться), появилось в 1583 г. *Tangens* переводится как «касающийся» (линия тангенсов – касательная к единичной окружности) .

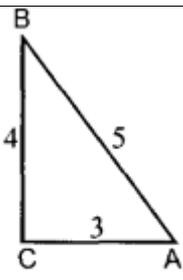
Ариабхат

Питискус

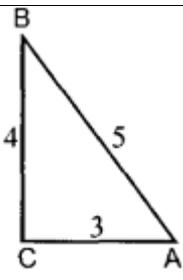
Абу-ль-Ваф

Региомонтан

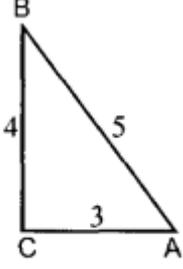
**1 команда**

|    |  |
|----|--|
| 1. |  <p align="center"><i>Рис. 149</i></p> <p><b>Рис. 149. Синус угла <math>A</math> равен:</b></p> |
| 2. | Тангенс угла $B$ равен:  |
| 3. | Косинус $60^\circ$ равен:  |
| 4. | Если $\sin \alpha = \frac{5}{9}$ , то $\cos \alpha$ равен:   |
| 5. | Если $\cos \alpha = \frac{1}{3}$ , то $\operatorname{tg} \alpha$ равен:  |
| 6. | В треугольнике $ABC$ $\angle C = 90^\circ$ , $\sin \angle A = \frac{2}{5}$ . Найдите $\sin \angle B$ .   |
| 7. | Упростите выражение: $\sin 30^\circ \cdot \cos 45^\circ \cdot \operatorname{tg} 60^\circ$  |
| 8. | Если $\cos \alpha = \frac{4}{7}$ , то $\sin \alpha$ равен:   |

**2 команда**

|    |  |
|----|--|
| 1. |  <p align="center"><i>Рис. 149</i></p> <p><b>Рис. 149. Синус угла <math>A</math> равен:</b></p> |
| 2. | Тангенс угла $B$ равен:  |
| 3. | Косинус $60^\circ$ равен:  |
| 4. | Если $\sin \alpha = \frac{5}{9}$ , то $\cos \alpha$ равен:   |
| 5. | Если $\cos \alpha = \frac{1}{3}$ , то $\operatorname{tg} \alpha$ равен:  |
| 6. | В треугольнике $ABC$ $\angle C = 90^\circ$ , $\sin \angle A = \frac{2}{5}$ . Найдите $\sin \angle B$ .   |
| 7. | Упростите выражение: $\sin 30^\circ \cdot \cos 45^\circ \cdot \operatorname{tg} 60^\circ$  |
| 8. | Если $\cos \alpha = \frac{4}{7}$ , то $\sin \alpha$ равен:   |

### 3 команда

|           |  |
|-----------|--|
| <b>1.</b> |  <p style="text-align: center;"><i>Рис 149</i></p> <p><b>Рис. 149.</b> Синус угла <math>A</math> равен:</p> |
| <b>2.</b> | Тангенс угла $B$ равен:  |
| <b>3.</b> | Косинус $60^\circ$ равен:  |
| <b>4.</b> | Если $\sin \alpha = \frac{5}{9}$ , то $\cos \alpha$ равен:   |
| <b>5.</b> | Если $\cos \alpha = \frac{1}{3}$ , то $\operatorname{tg} \alpha$ равен:  |
| <b>6.</b> | В треугольнике $ABC$ $\angle C = 90^\circ$ , $\sin \angle A = \frac{2}{5}$ . Найдите $\sin \angle B$ .   |
| <b>7.</b> | Упростите выражение: $\sin 30^\circ \cdot \cos 45^\circ \cdot \operatorname{tg} 60^\circ$  |
| <b>8.</b> | Если $\cos \alpha = \frac{4}{7}$ , то $\sin \alpha$ равен:   |

#### Ответы

|          | 1 команда | 2 команда | 3 команда | Ответы                 |
|----------|-----------|-----------|-----------|------------------------|
| <b>1</b> | А         | П         | А         | $\frac{4}{5}$          |
| <b>2</b> | Р         | И         | Б         | $\frac{3}{4}$          |
| <b>3</b> | И         | Т         | У         | $\frac{1}{2}$          |
| <b>4</b> | А         | И         | Л         | $\frac{2\sqrt{14}}{9}$ |
| <b>5</b> | Б         | С         | Ь         | $2\sqrt{2}$            |
| <b>6</b> | Х         | К         | В         | $\frac{\sqrt{21}}{5}$  |
| <b>7</b> | А         | У         | А         | $\frac{\sqrt{6}}{4}$   |
| <b>8</b> | Т         | С         | Ф         | $\frac{\sqrt{33}}{97}$ |

A

P

И

A

**Б**

**Х**

**А**

**Т**

П

И

Т

И

C

K

y

C

А

Б

У

Л

Ь

В

А

Ф

—

—

Д

Г

E

Ж

З

М

H

O

Ц

Ш

Щ

Г

Ю

Р

E

Ж

З

М

H

O

Ц

Ш

Щ

Г

Ю

Р

«Альмагест» (II век) – знаменитое сочинение в 13 книгах греческого астронома и математика Клавдия Птолемея. В «Альмагесте» автор приводит таблицу длин хорд окружности радиуса в 60 единиц, вычисленных с шагом  $0,5^\circ$  с точностью до единицы и объясняет, как таблица составлялась. Труд Птолемея несколько веков служил введением в тригонометрию для астрономов.

Во II веке до н. э. Астроном Гиппарх из Никей составил таблицу для определения соотношений между элементами треугольников. Гиппарх подсчитал в круге заданного радиуса длины хорд, отвечающих всем углам от  $0^\circ$  до  $180^\circ$ , кратным  $7,5^\circ$ . По существу, это таблица синусов.

Тангенс (а также котангенс) введен в X веке арабским математиком Абу-ль-Вафой, который составил и первые таблицы для нахождения тангенсов и котангенсов. Однако эти открытия долгое время оставались неизвестными европейским ученым, и тангенсы были заново открыты лишь в XIV веке немецким математиком, астрономом и астрологом Регимонтаном (1467 г.). Название «тангенс», происходящее от латинского *tanger* (касаться), появилось. Название «тангенс», происходящее от латинского *tanger* (касаться), появилось в 1583 г. *Tangens* переводится как «касающийся» (линия тангенсов – в 1583 г. *Tangens* переводится как «касающийся» (линия тангенсов – касательная к единичной окружности). касательная к единичной окружности).

Современные обозначения синуса и косинуса знаками *sin* и *cos* были впервые введены в 1739 г. швейцарским математиком **Иоганном Бернулли** в письме к **Леонарду Эйлеру**, который и стал употреблять их в своих математических работах. Эйлер ввел также обозначения для функций угла  $x$ : ***tg x***, ***ctg x***, ***sec x***, ***cosecx***.

"Косинус Термин представляет собой сокращение выражения *complementi sinus*, т. е. дополнительный синус (точнее, синус дополнительной дуги). Его, так же как и термин котангенс ввел английский математик и астроном, изобретатель счетной линейки Гентер в 1620 г. Эти термины не получили немедленного признания со стороны известных английских математиков того времени. Они не встречались ни у Бриггса, ни у Отреда и появились только в работах 1633, 1635, 1671 г... Употребляемые нами обозначения впервые применил И. Бернулли в письме к Эйлеру (1739 г.). Эйлер нашел их самыми удобными. Авторитет Эйлера способствовал тому, что эти обозначения стали общепринятыми".

Птолемей - 8

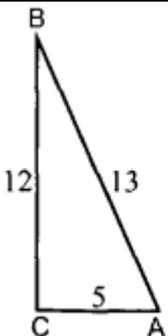
Гиппарх - 7

Регимонтан - 10

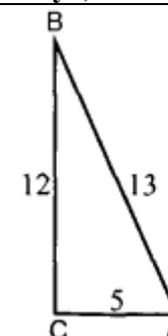
Эйлер - 5

Гентер – 6

СР «Синус, косинус, тангенс и котангенс» Г-9 1 вар.

|    |   |
|----|---|
| 1. |  <p style="text-align: right;"><i>Рис 150</i></p> <p>Рис. 150. Синус угла А равен:</p> |
| 2. | Рис. 150. Тангенс угла В равен:   |
| 3. | Синус $120^\circ$ равен:  |
| 4. | Если $\cos\alpha = \frac{4}{7}$ , то $\sin\alpha$ равен:  |
| 5. | Если $\sin\alpha = \frac{3}{4}$ , то $\operatorname{tg}\alpha$ равен:   |
| 6. | В $\triangle ABC$ угол $C=90^\circ$ , $\cos A = 1/3$ . Найдите $\cos B$ .   |
| 7. | Упростите выражение: $\sin 60^\circ \cdot \cos 135^\circ \cdot \operatorname{tg} 120^\circ$ ;   |
| 8. | Найдите $\operatorname{tg}\alpha : \cos\alpha$ , если $\sin\alpha = \frac{1}{3}$ .  |

СР «Синус, косинус, тангенс и котангенс» Г-9 2 вар.

|    |   |
|----|---|
| 1. |  <p style="text-align: right;"><i>Рис 150</i></p> <p>Рис. 150. Косинус угла А равен:</p> |
| 2. | Рис. 150. Котангенс угла В равен:   |
| 3. | Косинус $30^\circ$ равен:   |
| 4. | Найдите $\sin\alpha$ , если $\cos\alpha = \frac{\sqrt{3}}{5}$ .   |
| 5. | Найдите $\operatorname{tg}\alpha$ , если $\sin\alpha = \frac{3}{8}$ .   |
| 6. | В $\triangle ABC$ угол $C=90^\circ$ , $\sin A = 1/5$ . Найдите $\sin B$ .   |
| 7. | Упростите выражение: $\cos 180^\circ \cdot \sin 120^\circ \cdot \operatorname{tg} 135^\circ$  |
| 8. | Найдите $\sin\alpha + \operatorname{tg}\alpha$ , если $\cos\alpha = -\frac{1}{5}$   |